

Übungen 6
 Einführungskurs Logik, Universität Bern, Sommersemester 2009
 abzugeben vor Dienstag, dem 31.3.2009, 16h15

Name(n): _____

Erzielte Punkte (in 2 Fragen mit insgesamt 20 Punkten): _____ Note: _____

1. (16 Punkte) Beweisen Sie die folgenden Sequenzen mittels der Schlussregeln der Methode der natürlichen Deduktion:

- (a) " $(p \vee \neg q) \rightarrow p, \neg p \vdash \neg p \wedge q$ "
- (b) " $p \rightarrow (q \rightarrow r) \vdash (p \wedge q) \rightarrow r$ "
- (c) " $\vdash p \vee \neg p$ "
- (d) " $p \vee q, p \rightarrow r, q \rightarrow r \vdash r \vee s$ "
- (e) " $p \rightarrow (q \rightarrow r) \vdash (p \rightarrow q) \rightarrow (p \rightarrow r)$ "
- (f) " $p \vdash (\neg(q \rightarrow r) \rightarrow \neg p) \rightarrow (\neg r \rightarrow \neg q)$ "
- (g) " $(p \rightarrow q) \wedge (p \rightarrow r) \vdash p \rightarrow (q \wedge r)$ "
- (h) " $(p \rightarrow r) \wedge (q \rightarrow r) \vdash (p \vee q) \rightarrow r$ "
- (i) " $\neg p \rightarrow p \vdash p$ "
- (j) " $p \vee q \vdash q \vee p$ "
- (k) " $p \rightarrow q, \neg p \rightarrow q \vdash q$ "
- (l) " $p \wedge q, q \rightarrow r \vdash r \vee s$ "
- (m) " $\neg\neg p, p \rightarrow q \vdash q$ "
- (n) " $\neg(p \rightarrow q) \vdash p \rightarrow \neg q$ "
- (o) " $q \rightarrow r \vdash (p \vee q) \rightarrow (p \vee r)$ "
- (p) " $p \vee q \vdash (p \rightarrow q) \rightarrow q$ "

2. (4 Punkte) Bestimmen Sie mittels der Baummethode, ob die folgenden Sätze Theoreme sind:

- (a) " $(p \wedge q \wedge ((q \wedge p) \rightarrow r)) \rightarrow (q \rightarrow r)$ "
- (b) " $(p \rightarrow q) \leftrightarrow (\neg p \vee q)$ "
- (c) " $((p \rightarrow (p \wedge q)) \wedge p) \rightarrow q$ "
- (d) " $((p \vee r) \wedge (q \rightarrow r) \wedge (p \rightarrow q)) \rightarrow (p \leftrightarrow q)$ "